Universitat Politècnica de Catalunya – Barcelona Tech

OPE – ORGANIZACIÓN DE LA PRODUCCIÓN Y DE EMPRESA (ASPECTOS TÉCNICOS, JURÍDICOS Y ECONÓMICOS EN PRODUCCIÓN)

Dirección de Operaciones. MRP – Cálculo de necesidades de materiales II

DIRECCIÓN DE OPERACIONES 240EO024 – Máster Universitario en Ingeniería de Organización (240MUEO) - ETSEIB

Joaquín Bautista · Rocío Alfaro

OPE-PROTHIUS – OPE-MSc.2017/08 240EO024 (20170402) - http://futur.upc.edu/OPE - www.prothius.com - Departamento de Organización de Empresas – ETSEIB · UPC



Contenido

- Plan. Concepto y Tipología
- Planificación. Cálculo de necesidades
- Cálculo de necesidades. Contexto
- Ejemplo 1. Lista de materiales, Formas de representación, Matriz de requerimientos directos, Matriz de requerimientos directos y transitivos
- Cálculo de necesidades netas. Explosión
- Ejemplo 1. Necesidades brutas, Existencias directas y transitivas, Necesidades netas teóricas y reales
- MRP-I. Fundamentos, Esquema, Algoritmo básico
- Ejemplo 2. Data
- MRP-I. Hoja de cálculo
- Ejemplo 2. Órdenes y Necesidades brutas
- Comparativa y conclusiones



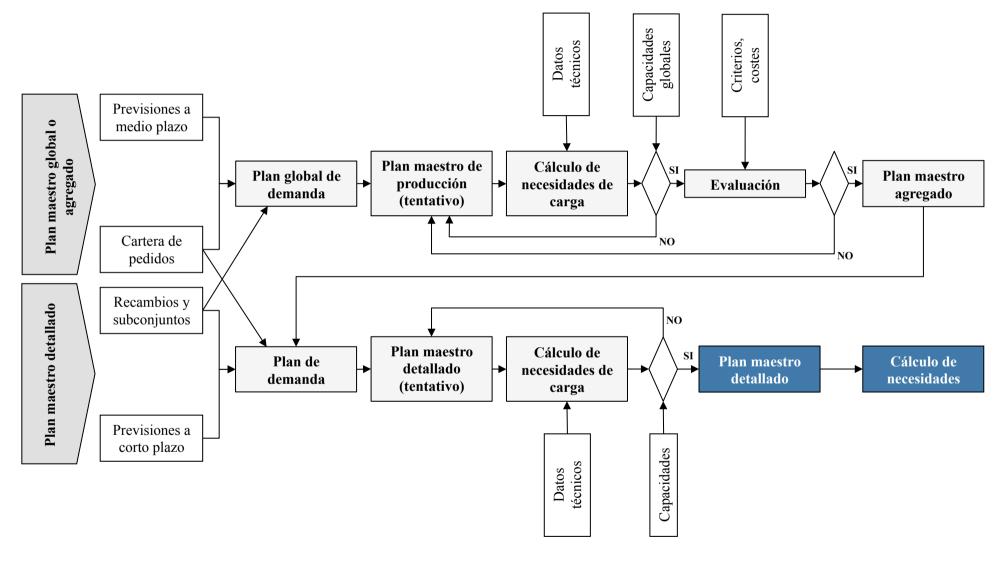
Plan. Concepto y tipología

Plan.- Camino que se traza desde un estado inicial hasta un estado final para alcanzar un objetivo productivo.

Nombre	Мотіvo	HORIZONTE	FRECUENCIA	Intervalo	RIGIDEZ	NIVEL
Estratégico-Producto	Definir binomio producto-mercado	10 años	2 a 3 años	1 año	4 a 5 años	Modelo gran opción
Estratégico-Proceso	Nuevas plantas Nuevas filiales	5 a 7 años	1 a 2 años	trimestral (para 1 año)	2 a 3 años	Grandes líneas
Operativo-Táctico	Coordinar inversiones	3 a 5 años	anual	Trimestral (para 1 año)	1 año	Modelo global
Maestro global	Asignar recursos críticos	12 meses	mensual	1 mes	2 meses	Familias de producto
Maestro detallado	Tasas de producción. Aprovisionamiento	16 semanas	semanal	semana	3 semanas	Productos o Mezclas
Cálculo necesidades	Órdenes fabricación y aprovisionamiento	12 semanas	semanal	semana	2 semanas	Orden
Programa operaciones	Situar operaciones en tiempo y espacio	5 días	diaria	día	1 día	Operación



Planificación. Cálculo de necesidades





Cálculo de necesidades. Contexto







Características de un motor

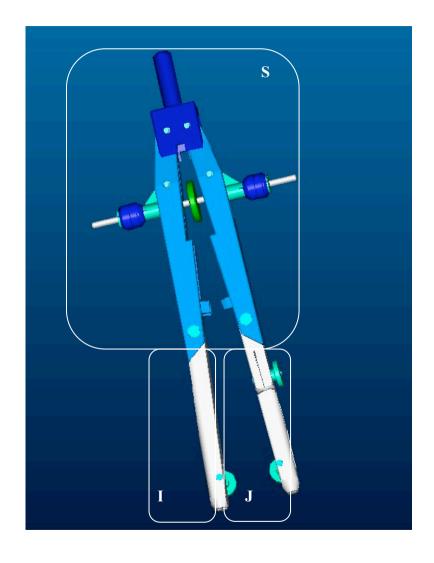
- 1.- 747 piezas y 330 referencias en 6 versiones del motor diesel
- 2.- Nº de operaciones de Montaje: 378 (incluida la prueba rápida).
- 3.- Nº de operarios, para un turno de 301 motores: 79

Características de la fabricación

- 1.- Montaje: 9 tipos de motores de 3 familias: 4x4 (p1 a p3); furgonetas (p4, p5); camiones MT (p6 a p9).
- 2.- Nº de operaciones: 140. Atributos: temporales, espaciales y de riesgo
- 3.- Demanda diaria: 30 motores de cada tipo (instancia #1 Nissan-BCN), 2 turnos de 6h 45' (8h): c=180 s.



Ejemplo 1. Lista de materiales (1)

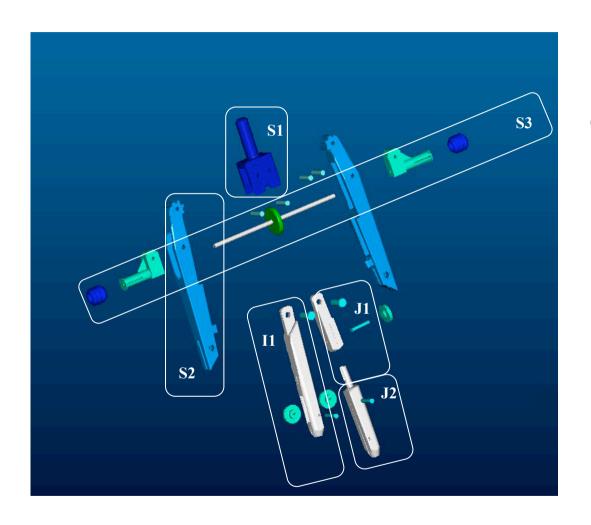


Compas de dos puntas

A	Compás punta de acero
В	Compás lápiz
S	Conjunto Superior
I	Conjunto Inferior punta acero
J	Conjunto Inferior punta lápiz



Ejemplo 1. Lista de materiales (2)

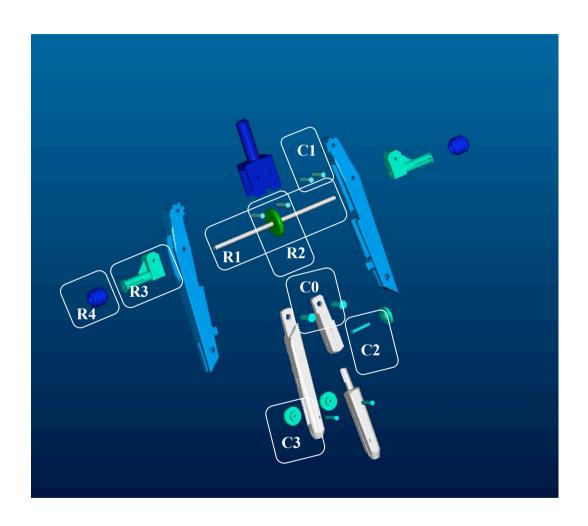


Compas de dos puntas

S 1	Cabezal
S2	Brazo
S3	Regulador angular
I1	Pata larga
J1	Pata corta
J2	Porta mina (lápiz)



Ejemplo 1. Lista de materiales (3)



Compas de dos puntas

R1	Eje roscado
R2	Rueda

R3 Tope

R4 Tuerca

C0 Tornillo grande

C1 Tornillo

C2 Pasador

C3 Fijador

P1 Punta acero

P2 Punta lápiz



Ejemplo 1. Formas de representación

Fórmula:

$$A = S + 2 \cdot I + 2 \cdot C0$$

$$A = S + 2 \cdot I + 2 \cdot C0$$
 $S = S1 + 2 \cdot S2 + S3 + 4 \cdot C1$

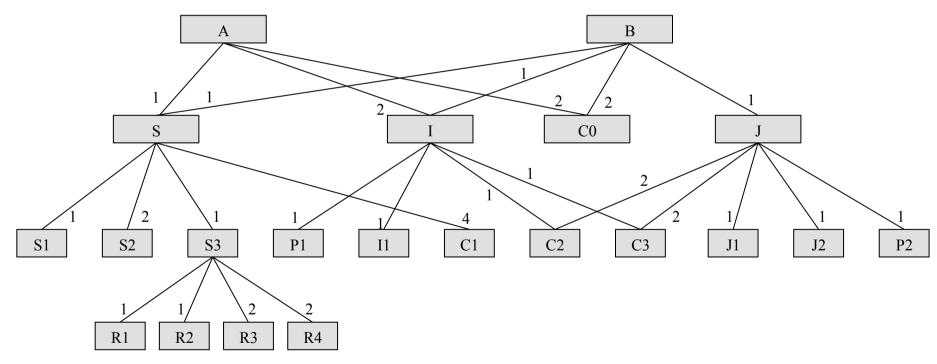
$$B = S + I + J + 2 \cdot C0$$

$$B = S + I + J + 2 \cdot C0$$
 $I = I1 + C2 + C3 + P1$

$$J = J1 + J2 + 2 \cdot C2 + 2 \cdot C3 + P2$$

$$S3 = R1 + R2 + 2 \cdot R3 + 2 \cdot R4$$

Grafo:





Ejemplo 1. Matriz de requerimientos directos

Sean: $\begin{cases} P & \text{Conjunto de productos y partes (todos los niveles: venta, subconjunto, componente, etc.) } m = |P| \\ n_{j,i} & \text{Número de unidades de tipo } j \in P \text{ requeridas directamente por una unidad de tipo } i \in P \\ \text{N} & \text{Matriz } (m \times m) \text{ de requerimientos directos y de elementos } n_{j,i} \forall (j,i) \in P^2 \end{cases}$

	A	В	S	I	C0	J	S1	S2	S3	P1	I1	C1	C2	C3	J1	J2	P2	R1	R2	R3	R4
A	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
В	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I	2	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C0	2	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
J	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S 1	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S2	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S 3	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C1	0	0	4	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C2	0	0	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C3	0	0	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
J1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
J2	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P2	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
R1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
R2	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
R3	0	0	0	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
R4	0	0	0	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0





Ejemplo 1. Matriz de requerimientos directos y transitivos

Sean: $\begin{cases} P & \text{Conjunto de productos y partes (todos los niveles: venta, subconjunto, componente, etc.) } m = |P| \\ \widehat{n}_{j,i} & \text{Número de unidades de tipo } j \in P \text{ requeridas directa o transitivamente por una unidad de tipo } i \in P \\ \widehat{N} & \text{Matriz } (m \times m) \text{ de requerimientos directos y transitivos de elementos } \widehat{n}_{j,i} \forall (j,i) \in P^2 : \widehat{N} = (I_m - N)^{-1} \end{cases}$

	A	В	S	I	C0	J	S1	S2	S3	P1	I1	C1	C2	C3	J1	J2	P2	R1	R2	R3	R4
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
В	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C0	2	2	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
J	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S 1	1	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S2	2	2	2	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
S3	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
P1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
I1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C1	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0
C2	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
C3	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0
J1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
J2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
P2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
R1	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
R2	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0
R3	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
R4	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	11





Cálculo de necesidades netas. Explosión

Necesidades netas · Concepto: Necesidades brutas menos existencias directas y transitivas temporizadas

	P	Conjunto de productos y partes (todos los niveles: venta, subconjunto, componente, etc.) $m = P $
	N	Matriz $(m \times m)$ de requerimientos directos con elementos $n_{j,i} \forall (j,i) \in P^2$
	$\hat{\mathbf{N}}$	Matriz $(m \times m)$ de requerimientos directos y transitivos con elementos $\hat{n}_{j,i} \forall (j,i) \in P^2 : \hat{N} = (I_m - N)^{-1}$
	X	Matriz $(m \times T)$ del Plan de Producción con elementos $X_{i,t} \forall i \in P, \forall t = 1,,T$
Sean:	$\left\{ \mathbf{G}\right\}$	Matriz $(m \times T)$ de necesidades brutas del plan X con elementos $G_{j,t} \forall j \in P, \forall t = 1,,T$
	E	Matriz $(m \times T)$ de existencias directas con elementos $E_{j,t} \forall j \in P, \forall t = 1,,T$
	\hat{E}	Matriz $(m \times T)$ de existencias directas y transitivas con elementos $\hat{E}_{j,t} \forall j \in P, \forall t = 1,,T$
	Υ	Matriz $(m \times T)$ de necesidades netas teóricas con elementos $Y_{j,t} \forall j \in P, \forall t = 1,,T$
	$\Big \widehat{\Upsilon}$	Matriz $(m \times T)$ de necesidades netas reales con elementos $\widehat{Y}_{j,t} \forall j \in P, \forall t = 1,,T$

Determinar:

2. Matriz de existencias transitivas
$$\hat{E}$$
:

4. Matriz de necesidades netas reales
$$\hat{Y}$$
:

$$G = \widehat{N} \times X \Rightarrow G_{j,t} = \sum_{i=1}^{m} \widehat{n}_{j,i} \cdot X_{i,t} \ \forall j \in P, \ \forall t = 1,..,T$$

$$\hat{\mathbf{E}} = \hat{\mathbf{N}} \times \mathbf{E} \Rightarrow \hat{E}_{j,t} = \sum_{i=1}^{m} \hat{n}_{j,i} \cdot E_{i,t} \, \forall j \in P, \, \forall t = 1,..,T$$

$$\Upsilon = G - \widehat{E} \Rightarrow Y_{j,t} = G_{j,t} - \widehat{E}_{j,t} \ \forall j \in P, \ \forall t = 1,...,T$$

$$\Upsilon \to \widehat{\Upsilon} \left(\geq 0 \right) : \widehat{Y}_{j,t} = \begin{cases} Y_{j,t} \geq 0 \Rightarrow (\widehat{Y}_{j,t} = Y_{j,t}) \\ Y_{j,t} < 0 \Rightarrow (\widehat{Y}_{j,t} = 0) \land (Y_{j,t+1} \to Y_{j,t+1} + Y_{j,t}) \end{cases} \forall j \forall t$$



Ejemplo 1. Necesidades brutas

									\hat{N}	(m	!×1	m)											X	(m	$i \times 7$	Γ)		G	$(m \times T)$)	Ğ	(m)
	A	В	S	Ι	C0	J	S1	S2	S3	P1	I1	C1	C2	C3	J1	J2	P2	R1	R2	R3	R4			1	2	3			1 2	3		Total
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		A	200	800	300		A	200 800 3	00	A	1300
В	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		В	900	100	500		В	900 100 5	00	В	1500
S	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S	0	0	0		S	1100 900 8	300	S	2800
I	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		Ι	0	0	0		Ι	1300 1700 1	100	I	4100
C0	2	2	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		C0	0	0	0		C0	2200 1800 1	600	C0	5600
J	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		J	0	0	0		J	900 100 5	00	J	1500
S1	1	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S1	0	0	0		S1	1100 900 8	300	S1	2800
S2	2	2	2	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S2	0	0	0		S2	2200 1800 1	600	S2	5600
S3	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S3	0	0	0		S3	1100 900 8	300	S3	2800
P1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	~	P1	0	0	0	=	P1	1300 1700 1	100	P1	4100
I1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	×	I1	0	0	0	_	I1	1300 1700 1	100	I1	4100
C1	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0		C1	0	0	0		C1	4400 3600 3	200	C1	11200
C2	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0		C2	0	0	0		C2	3100 1900 2	100	C2	7100
C3	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0		C3	0	0	0		C3	3100 1900 2	100	C3	7100
J1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0		J1	0	0	0		J1	900 100 5	00	J1	1500
J2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0		J2	0	0	0		J2	900 100 5	00	J2	1500
P2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0		P2	0	0	0		P2	900 100 5	00	P2	1500
R1	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0		R1	0	0	0		R1	1100 900 8	300	R1	2800
R2	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0		R2	0	0	0		R2	1100 900 8	300	R2	2800
R3	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0		R3	0	0	0		R3	2200 1800 1	600	R3	5600
R4	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1		R4	0	0	0		R4	2200 1800 1	600	R4	5600



Ejemplo 1. Existencia directas y transitivas

									\hat{N}	(<i>m</i>	ı×ı	m)											E	(n	$i \times 7$	Γ)		Ê	(<i>m</i>	×7	Γ)	$\hat{\mathbf{E}}$	(m)
	A	В	S	I	C0	J	S1	S2	S3	P1	I1	C1	C2	C3	J1	J2	P2	R1	R2	R3	R4			1	2	3			1	2	3		Total
A	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		A	50	0	0		A	50	0	0	A	50
В	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		В	50	0	0		В	50	0	0	В	50
S	1	1	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S	500	500	500		S	600	500	500	S	1600
I	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		I	400	500	500		I	550	500	500	I	1550
C	2	2	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		C0	600	800	600		C0	800	800	600	C0	2200
J	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		J	600	500	0		J	650	500	0	J	1150
S1	1	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S1	0	0	0		S1	600	500	500	S1	1600
S2	2	2	2	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S2	0	0	0		S2	1200	1000	1000	S2	3200
S3	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0		S3	0	0	0		S3	600	500	500	S3	1600
P1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	~	P1	0	0	0	=	P1	550	500	500	P1	1550
I1	2	1	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	×	I1	0	0	0	_	I1	550	500	500	I1	1550
C1	4	4	4	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0		C1	0	0	0		C1	2400	2000	2000	C1	6400
C2	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0		C2	0	0	0		C2	1850	1500	500	C2	3850
C3	2	3	0	1	0	2	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0		C3	0	0	0		C3	1850	1500	500	C3	3850
J1	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0		J1	0	0	0		J1	650	500	0	J1	1150
J2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0		J2	0	0	0		J2	650	500	0	J2	1150
P2	0	1	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0		P2	0	0	0		P2	650	500	0	P2	1150
R1	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0		R1	0	0	0		R1	600	500	500	R1	1600
R2	1	1	1	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0		R2	0	0	0		R2	600	500	500	R2	1600
R3	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0		R3	0	0	0		R3	1200	1000	1000	R3	3200
R4	2	2	2	0	0	0	0	0	2	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1		R4	0	0	0		R4	1200	1000	1000	R4	3200



Ejemplo 1. Necesidades netas teóricas y reales

G	(m)	X	T)
_	\		_ ,

	1	2	3
A	200	800	300
В	900	100	500
S	1100	900	800
I	1300	1700	1100
C0	2200	1800	1600
J	900	100	500
S1	1100	900	800
S2	2200	1800	1600
S3	1100	900	800
P1	1300	1700	1100
I1	1300	1700	1100
C1	4400	3600	3200
C2	3100	1900	2100
C3	3100	1900	2100
J1	900	100	500
J2	900	100	500
P2	900	100	500
R1	1100	900	800
R2	1100	900	800
R3	2200	1800	1600
R4	2200	1800	1600

$\overline{}$			
\mathbf{E}	(100	\ /	T
C	(m)	Х	
	(_ ,

	1	2	3
A	50	0	0
В	50	0	0
S	600	500	500
Ι	550	500	500
C0	800	800	600
J	650	500	0
S1	600	500	500
S2	1200	1000	1000
S3	600	500	500
P1	550	500	500
I1	550	500	500
C1	2400	2000	2000
C2	1850	1500	500
C3	1850	1500	500
J1	650	500	0
J2	650	500	0
P2	650	500	0
R1	600	500	500
R2	600	500	500
R3	1200	1000	1000
R4	1200	1000	1000

$$\Upsilon(m \times T)$$

	1	2	3
A	150	800	300
В	850	100	500
S	500	400	300
I	750	1200	600
C0	1400	1000	1000
J	250	-400	500
S1	500	400	300
S2	1000	800	600
S3	500	400	300
P1	750	1200	600
I1	750	1200	600
C1	2000	1600	1200
C2	1250	400	1600
C3	1250	400	1600
J1	250	-400	500
J2	250	-400	500
P2	250	-400	500
R1	500	400	300
R2	500	400	300
R3	1000	800	600
R4	1000	800	600

$$\hat{\Upsilon}(m \times T)$$

	1	2	3
A	150	800	300
В	850	100	500
S	500	400	300
I	750	1200	600
C0	1400	1000	1000
J	250	0	100
S1	500	400	300
S2	1000	800	600
S3	500	400	300
P1	750	1200	600
I1	750	1200	600
C1	2000	1600	1200
C2	1250	400	1600
C3	1250	400	1600
J1	250	0	100
J2	250	0	100
P2	250	0	100
R1	500	400	300
R2	500	400	300
R3	1000	800	600
R4	1000	800	600

$\vec{}$	
Υ	(<i>m</i>)

$\vec{\mathrm{G}}$	(m)
	\ /

	Total		Total
A	1250	A	1300
В	1450	В	1500
S	1200	S	2800
I	2550	I	4100
C0	3400	C0	5600
J	350	J	1500
S1	1200	S1	2800
S2	2400	S2	5600
S3	1200	S3	2800
P1	2550	P1	4100
I1	2550	I1	4100
C1	4800	C1	11200
C2	3250	C2	7100
C3	3250	C3	7100
J1	350	J1	1500
J2	350	J2	1500
P2	350	P2	1500
R1	1200	R1	2800
R2	1200	R2	2800
R3	2400	R3	5600
R4	2400	R4	5600





MRP-I. Fundamentos

Concepto MRP-I:

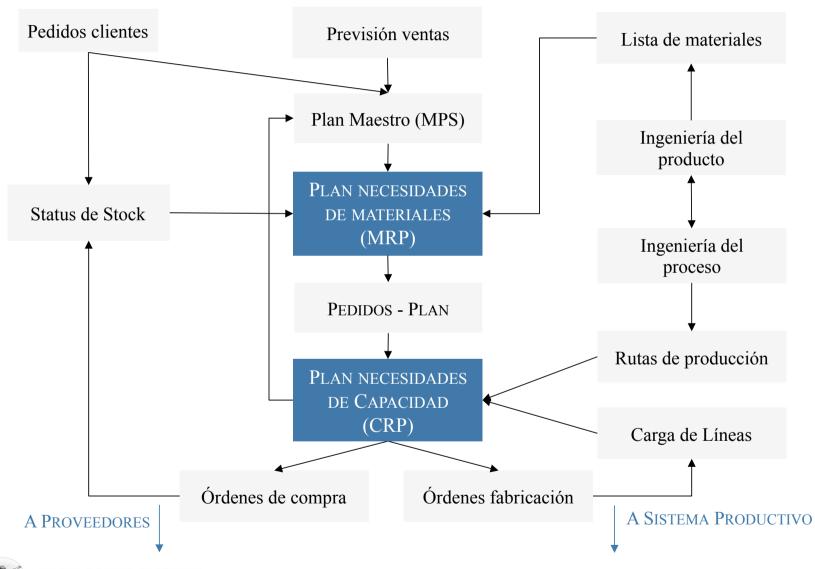
MRP-I (MATERIAL REQUIREMENTS PLANNING) sistema de planificación de la producción y de gestión de stocks que permite dar órdenes sobre: (1) QUÉ, CUÁNTO Y CUÁNDO hay que fabricar, y (2) QUÉ, CUÁNTO Y CUÁNDO hay que aprovisionar.

Hipótesis:

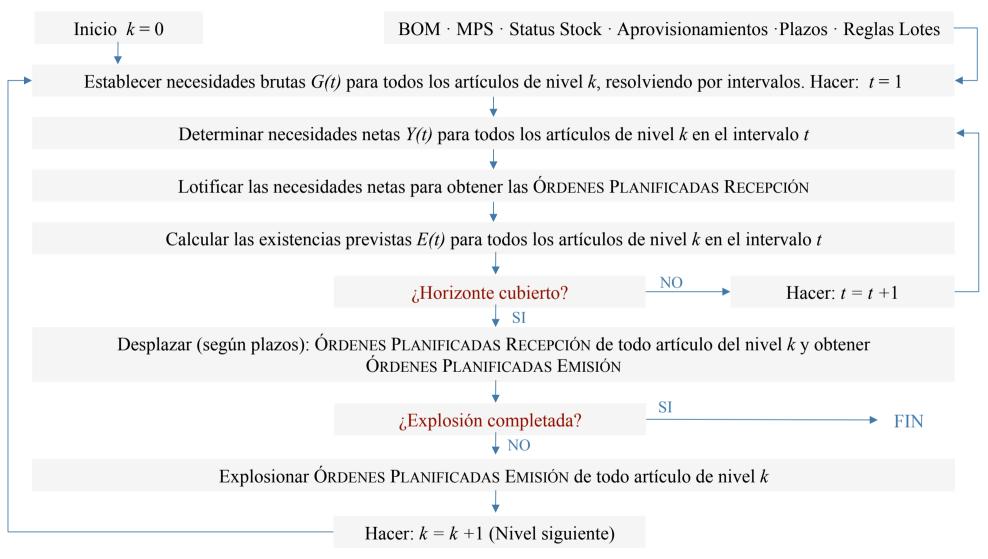
- Los artículos con demanda dependiente de los productos finales son mayoritarios.
- Los requerimientos temporizados de un artículo son calculables a partir de:
 - (1) La estructura del producto y tiempos de proceso
 - (2) El Plan maestro detallado de productos con demanda independiente
 - (3) El Status quo de Stock de las partes y aprovisionamientos previstos
 - (4) Los plazos de entrega de las partes y las reglas de lotificación



MRP-I. Esquema



MRP-I. Algoritmo básico





Ejemplo 2. Farolas poliédricas regulares · Descripción

Caso Farolas-Pol·Reg-U · Descripción: Fabricación de poliedros regulares ·Farolas poliédricas· para mobiliario urbano. La fábrica tiene 2 secciones: (1) Sección de montaje de sólidos (SS) y (2) Sección de elaboración de caras (SC). El resto de partes procede de 2 proveedores externos.

Caso Farolas-Pol·Reg-U · Lista de materiales

LISTA DE MATERIALES FAROLAS POLIÉDRICAS REGULARES

CÓDIGO	DESCRIPCIÓN	PROCEDENCIA
SR04	Estructura Tetraedro	Fabricación en SS
SR06	Estructura Hexaedro	Fabricación en SS
SR08	Estructura Octaedro	Fabricación en SS
SR12	Estructura Dodecaedro	Fabricación en SS
SR20	Estructura Icosaedro	Fabricación en SS
T	Triángulo	Fabricación en SC
C	Cuadrado	Fabricación en SC
P	Pentágono	Fabricación en SC
FT	Farola Tubular	Compra Proveedor.1
UA	Unión de aristas	Compra Proveedor.2
UV	Unión de vértices	Compra Proveedor.2
A	Arista	Compra Proveedor.2
V	Vértice	Compra Proveedor.2



Ejemplo 2. Data (1)

Caso Farolas-Pol·Reg-U · Descripción: Fabricación de poliedros regulares ·Farolas poliédricas· para mobiliario urbano. La fábrica tiene 2 secciones: (1) Sección de montaje de sólidos (SS) y (2) Sección de elaboración de caras (SC). El resto de partes procede de 2 proveedores externos.

Caso Farolas Pol·Reg-U · Estructura del producto y Tiempos de proceso

ESTRUCTURA DEL PRODUCTO · TIEMPOS DE PROCESO EN SS Y SC (min)

	T	С	P	UA	UV	FT	A	V	p _{SS} (')	p _{SC} (')
SR04	4			6	4	6			6	
SR06		6		12	8	12			12	
SR08	8			12	6	12			12	
SR12			12	30	20	30			30	
SR20	20			30	12	30			30	
T							3	3		1
C							4	4		2
P							5	5		3



Ejemplo 2. Data (2)

Caso Farolas Pol·Reg-U · Plan maestro detallado de productos con demanda independiente

	INTERVALOS (SEMANAS)										
	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
SR04	75	75	75	75	60	65	60	65	50		
SR06	50	50	50	60	60	70	75	75	75		
SR08	25	25	25	25	20	20	20	15	10		
SR12	20	20	20	20	20	20	20	20	20		
SR20	10	10	15	15	15	20	20	20	25		
Total	180	180	185	195	175	195	195	195	180		



Ejemplo 2. Data (3)

Caso Farolas Pol·Reg-U · Status quo de Stock de las partes y aprovisionamientos previstos

DISPONIBILIDAD PREVISTA (EXISTENCIAS U ÓRDENES)

	EN STOCK	PARA (1)	PARA (2)	PARA (3)
SR04	200	50		
SR06	150	50		
SR08	75	25		
SR12	40	25	25	
SR20	50	15	15	
T	1000			
C	500			
P	100		250	
FT	100			
UA	500	500		
UV	500		1000	
A	6000	5000	5000	5000
V	7000	5000		5000



Ejemplo 2. Data (4)

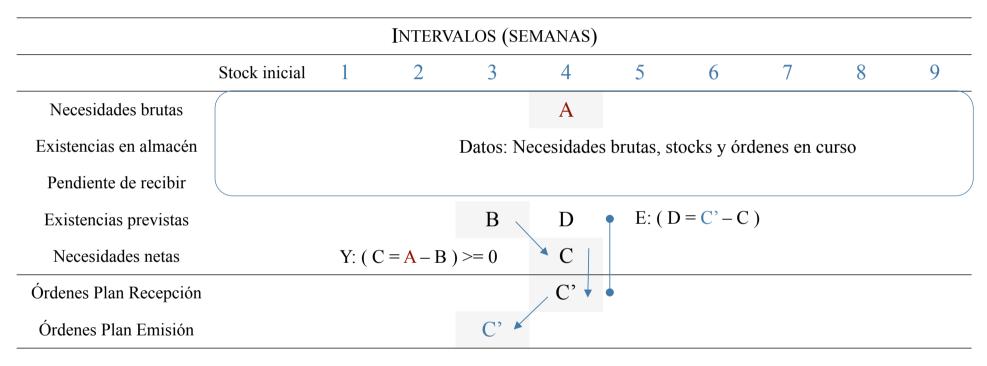
Caso Farolas Pol·Reg-U · Plazos de entrega de las partes y Reglas de lotificación

ARTÍCULO	ELABORACIÓN	PLAZO	LOTE (Q)	REGLA (R)	STOCK_S
SR04	Montaje SS	1	1	UaU	0
SR06	Montaje SS	1	1	UaU	0
SR08	Montaje SS	1	1	UaU	0
SR12	Montaje SS	2	1	UaU	0
SR20	Montaje SS	2	1	UaU	0
T	Semielaborado SC	2	1500	Fijo	0
C	Semielaborado SC	2	500	Fijo	0
P	Semielaborado SC	2	250	Fijo	0
FT	Compra	2	50	Fijo	0
UA	Compra	3	2000	Mínimo	0
UV	Compra	3	1000	Mínimo	0
A	Compra	4	5000	Mínimo	1000
V	Compra	4	5000	Mínimo	1000



MRP-I. Hoja de cálculo

Cálculos MRP-I · Órdenes plan emisión de artículos por niveles y periodos



Desfase por lead time de montaje

Lotificación



Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo SR04

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		75	75	75	75	60	65	60	65	50
Existencias en almacén	200			Datos: No	ecesidades	brutas, st	cocks y óro	denes en c	urso	
Pendiente de recibir		50								
Existencias previstas	200	175	100	25	0	0	0	0	0	0
Necesidades netas		Y	: (50 = 75	(-25)	50	60	65	60	65	50
Órdenes Plan Recepción					50	60	65	60 🔻	65	_ 50
Órdenes Plan Emisión				50 🖍	60	65	60	65	50 🖍	/

Desfase por *lead time* de montaje: 1 semana Lotificación: Unidad



Caso Farolas Pol.Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo SR06

	INTERVALOS (SEMANAS)												
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
Necesidades brutas		50	50	50	60	60	70	75	75	75			
Existencias en almacén	150												
Pendiente de recibir		50											
Existencias previstas	150	150	100	50	0	0	0	0	0	0			
Necesidades netas					10	60	70	75	75	75			
Órdenes Plan Recepción					10	60	70	75 🔻	75	75			
Órdenes Plan Emisión				10 🖍	60	70	75	75	75 🖍				

Desfase por *lead time* de montaje: 1 semana Lotificación: Unidad



Caso Farolas Pol.Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo SR08

	INTERVALOS (SEMANAS)											
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
Necesidades brutas		25	25	25	25	20	20	20	15	10		
Existencias en almacén	75											
Pendiente de recibir		25										
Existencias previstas	75	75	50	25	0 \	0	0	0	0	0		
Necesidades netas						2 0	20	20	15	10		
Órdenes Plan Recepción							20	20 🔻	15	10		
Órdenes Plan Emisión					20 🖍	20	20	15	10	/		

Desfase por *lead time* de montaje: 1 semana Lotificación: Unidad



Caso Farolas Pol.Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo SR12

	INTERVALOS (SEMANAS)											
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
Necesidades brutas		20	20	20	20	20	20	20	20	20		
Existencias en almacén	40											
Pendiente de recibir		25	25									
Existencias previstas	40	45	50	30	10	0	0	0	0	0		
Necesidades netas						10	20	20	20	20		
Órdenes Plan Recepción						_ 10	20	20 🔻	20	20		
Órdenes Plan Emisión				10	20	20	20	20				

Desfase por *lead time* de montaje: 2 semanas



Lotificación: Unidad

Caso Farolas Pol.Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo SR20

	INTERVALOS (SEMANAS)											
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
Necesidades brutas		10	10	15	15	15	20	20	20	25		
Existencias en almacén	50											
Pendiente de recibir		15	15									
Existencias previstas	50	55	60	45	30	15	0	0	0	0		
Necesidades netas							5	20	20	25		
Órdenes Plan Recepción							- 5	20 🔻	20	25		
Órdenes Plan Emisión					5	20	20	25				

Desfase por *lead time* de montaje: 2 semanas





Ejemplo 2. Órdenes nivel 0 · Resumen

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 0 Caso Farolas Pol·Reg-U

				INTERV	ALOS (SEN	MANAS)			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		



Ejemplo 2. Necesidades brutas nivel 1 · Caras (polígonos)

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 0 · Caso Farolas Pol·Reg-U

		ÓRDENE	S PLANIFIC	ADAS DE E	MISIÓN NIV	VEL-0 · INT	ERVALOS (S	SEMANAS)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		

Necesidades Brutas Nivel 1 · Sección Caras (T, C, P) · Caso Farolas Pol·Reg-U

	NECE	NECESIDADES BRUTAS ARTÍCULOS NIVEL-1 · SECCIÓN CARAS · INTERVALOS (SEMANAS)									
	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
T-SR04	0	0	200	240	260	240	260	200	0		
T-SR08	0	0	0	160	160	160	120	80	0		
T-SR20	0	0	0	100	400	400	500	0	0		
T-SR*	0	0	200	500	820	800	880	280	0		
C-SR06	0	0	60	360	420	450	450	450	0		
P-SR12	0	0	120	240	240	240	240	0	0		



Ejemplo 2. Necesidades brutas nivel 1 · Farola tubular

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 0 · Caso Farolas Pol·Reg-U

		ÓRDENE	S PLANIFIC	ADAS DE E	MISIÓN NIV	VEL-0 · INT	ERVALOS (S	SEMANAS)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		

 $Necesidades\ Brutas\ Nivel\ 1\cdot Compras\ Farola\ Tubular\cdot Caso\ Farolas\ Pol\cdot Reg-U$

	NEC	NECESIDADES BRUTAS ARTÍCULOS NIVEL-1 · COMPRAS FT · INTERVALOS (SEMANAS)										
	1	2	3	4	5	6	7	8	9			
SR04 (6)	0	0	300	360	390	360	390	300	0			
SR06 (12)	0	0	120	720	840	900	900	900	0			
SR08 (12)	0	0	0	240	240	240	180	120	0			
SR12 (30)	0	0	300	600	600	600	600	0	0			
SR20 (30)	0	0	0	150	600	600	750	0	0			
Total FT	0	0	720	2070	2670	2700	2820	1320	0			



Ejemplo 2. Necesidades brutas nivel 1 · Unión de aristas

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 0 · Caso Farolas Pol·Reg-U

		ÓRDENE	S PLANIFIC	ADAS DE E	MISIÓN NIV	VEL-0 · INT	ERVALOS (S	SEMANAS)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		

Necesidades Brutas Nivel 1 · Compras UA · Caso Farolas Pol·Reg-U

	NECESIDADES BRUTAS ARTÍCULOS NIVEL-1 · COMPRAS UA · INTERVALOS (SEMANAS)										
	1	2	3	4	5	6	7	8	9		
SR04 (6)	0	0	300	360	390	360	390	300	0		
SR06 (12)	0	0	120	720	840	900	900	900	0		
SR08 (12)	0	0	0	240	240	240	180	120	0		
SR12 (30)	0	0	300	600	600	600	600	0	0		
SR20 (30)	0	0	0	150	600	600	750	0	0		
Total UA	0	0	720	2070	2670	2700	2820	1320	0		



Ejemplo 2. Necesidades brutas nivel 1 · Unión de vértices

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 0 · Caso Farolas Pol·Reg-U

		ÓRDENE	S PLANIFIC	ADAS DE E	MISIÓN NIV	VEL-0 · INT	ERVALOS (S	SEMANAS)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		

 $Necesidades\ Brutas\ Nivel\ 1\cdot Compras\ UV\cdot Caso\ Farolas\ Pol\cdot Reg-U$

NECESIDADES BRUTAS ARTÍCULOS NIVEL-1 · COMPRAS UV · INTERVALOS (SEMANAS)										
	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
SR04 (4)	0	0	200	240	260	240	260	200	0	
SR06 (8)	0	0	80	480	560	600	600	600	0	
SR08 (6)	0	0	0	120	120	120	90	60	0	
SR12 (20)	0	0	200	400	400	400	400	0	0	
SR20 (12)	0	0	0	60	240	240	300	0	0	
Total UV	0	0	480	1300	1580	1600	1650	860	0	



Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Triángulo

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo Triángulo (Fabricación SC)

INTERVALOS (SEMANAS)											
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9	
Necesidades brutas		0	0	200	500	820	800	880	280	0	
Existencias en almacén	1000										
Pendiente de recibir											
Existencias previstas	1000	1000	1000	800	300 \	980	180	800	520	520	
Necesidades netas						520		700			
Órdenes Plan Recepción						1500		1500			
Órdenes Plan Emisión				1500		1500					

Desfase por *lead time* de elaboración: 2 semanas Lotificación: 1500 fijo



Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Cuadrado

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo Cuadrado (Fabricación SC)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	0	60	360	420	450	450	450	0
Existencias en almacén	500									
Pendiente de recibir										
Existencias previstas	500	500	500	440	80 \	160	210	260	310	310
Necesidades netas						340	290	240	190	
Órdenes Plan Recepción						500	500	500	500	
Órdenes Plan Emisión				500	500	500	500			

Desfase por *lead time* de elaboración: 2 semanas



Lotificación: 500 fijo

Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Pentágono

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo Pentágono (Fabricación SC)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	0	120	240	240	240	240	0	0
Existencias en almacén	100									
Pendiente de recibir			250							
Existencias previstas	100	100	350	230	240	0	10	20	20	20
Necesidades netas					10		240	230		
Órdenes Plan Recepción					250		250	250		
Órdenes Plan Emisión			250		250	250				

Desfase por *lead time* de elaboración: 2 semanas

Lotificación: 250 fijo



Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Farola tubular

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo FT (Compra)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	0	720	2070	2670	2700	2820	1320	0
Existencias en almacén	100									
Pendiente de recibir										
Existencias previstas	100	100	100	30 •	10 \	40	40	20	0	0
Necesidades netas				620	2040	2660	2660	2780	1300	
Órdenes Plan Recepción				650	2050 •	2700	2700	2800	1300	
Órdenes Plan Emisión		650	2050	2700	2700	2800	1300			

Desfase por *lead time* de provisión: 2 semanas



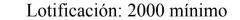
Lotificación: 50 fijo

Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Unión de aristas

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo UA (Compra)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	0	720	2070	2670	2700	2820	1320	0
Existencias en almacén	500									
Pendiente de recibir		500								
Existencias previstas	500	1000	1000	280 \	210	0	0	0	680	680
Necesidades netas					1790	2460	2700	2820	1320	
Órdenes Plan Recepción					2000	2460 🔻	2700	2820	2000	
Órdenes Plan Emisión		2000	2460	2700	2820	2000				

Desfase por *lead time* de provisión: 3 semanas





Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Unión de vértices

Caso Farolas Pol.Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo UV (Compra)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	0	480	1300	1580	1600	1650	860	0
Existencias en almacén	500									
Pendiente de recibir			1000							
Existencias previstas	500	500	1500	1020	720	140	0	0	140	140
Necesidades netas					280	860	1460	1650	860	
Órdenes Plan Recepción					1000	1000	1460	1650	1000	
Órdenes Plan Emisión		1000	1000	1460	1650	1000				

Desfase por *lead time* de provisión: 3 semanas Lotificación: 1000 mínimo



Ejemplo 2. Órdenes nivel 1 · Resumen

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 1 (SC + Compras FT, UA, UV) Caso Farolas Pol·Reg-U

				INTERV	ALOS (SEN	MANAS)			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
T			1500		1500				
C			500	500	500	500			
P		250		250	250				
FT	650	2050	2700	2700	2800	1300			
UA	2000	2460	2700	2820	2000				
UB	1000	1000	1460	1650	1000				



Ejemplo 2. Necesidades brutas nivel 2

Órdenes planificadas de Emisión Nivel 1 · Fabricación SC · Caso Farolas Pol·Reg-U

		ÓRDENE	ES PLANIFICA	ADAS DE E	MISIÓN NIV	EL-1 · INTE	ERVALOS (S	SEMANAS)	
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
T			1500		1500				
C			500	500	500	500			
P		250		250	250				

Necesidades Brutas Nivel 2 · Aristas y Vértices (Compras) · Caso Farolas Pol·Reg-U

	NEC	ESIDADES BI	RUTAS ART	ÍCULOS NIV	VEL-2: A/V	7 · COMPRA	S · INTERV	ALOS (SEM	ANAS)
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
A/V-T (3)	0	0	4500	0	4500	0	0	0	0
A/V-C (4)	0	0	2000	2000	2000	2000	0	0	0
A/V-P(5)	0	1250	0	1250	1250	0	0	0	0
Total A/V	0	1250	6500	3250	7750	2000	0	0	0



Ejemplo 2. Órdenes nivel 2 · Arista

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo Arista (Compra)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	1250	6500	3250	7750	2000	0	0	0
Existencias en almacén	6000									
Pendiente de recibir		5000	5000	5000						
Existencias previstas	5000	10000	13750	12250	9000	1250	4250	4250	4250	4250
Necesidades netas							750			
Órdenes Plan Recepción							5000	•		
Órdenes Plan Emisión			5000 •							

Stock de seguridad: 1000 Desfase por *lead time* de provisión: 4 semanas Lotificación: 5000 mínimo



Ejemplo 2. Órdenes nivel 2 · Vértice

Caso Farolas Pol·Reg-U: Cálculos MRP-I · Artículo Vértice (Compra)

INTERVALOS (SEMANAS)										
	Stock inicial	1	2	3	4	5	6	7	8	9
Necesidades brutas		0	1250	6500	3250	7750	2000	0	0	0
Existencias en almacén	7000									
Pendiente de recibir		5000		5000						
Existencias previstas	6000	11000	9750	8250	5000	2250	• 250	250	250	250
Necesidades netas					· ·	2750				
Órdenes Plan Recepción						5000				
Órdenes Plan Emisión		5000								

Stock de seguridad: 1000 Desfase por *lead time* de provisión: 4 semanas Lotificación: 5000 mínimo



Ejemplo 2. Plan vs. Órdenes niveles 0, 1 y 2 · Resumen (1)

Caso Farolas Pol·Reg-U · Plan maestro detallado de productos con demanda independiente

				INTERV	ALOS (SEN	MANAS)			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04	75	75	75	75	60	65	60	65	50
SR06	50	50	50	60	60	70	75	75	75
SR08	25	25	25	25	20	20	20	15	10
SR12	20	20	20	20	20	20	20	20	20
SR20	10	10	15	15	15	20	20	20	25



Ejemplo 2. Plan vs. Órdenes niveles 0, 1 y 2 · Resumen (2)

Órdenes planificadas de Emisión Niveles 0, 1, 2 (SS +SC +Compras) Caso Farolas Pol·Reg-U

				INTERV	VALOS (SEM	IANAS)			
	1	2	3	4	5	6	7	8	9
SR04			50	60	65	60	65	50	
SR06			10	60	70	75	75	75	
SR08				20	20	20	15	10	
SR12			10	20	20	20	20		
SR20				5	20	20	25		
T			1500		1500				
C			500	500	500	500			
P		250		250	250				
FT	650	2050	2700	2700	2800	1300			
UA	2000	2460	2700	2820	2000				
UV	1000	1000	1460	1650	1000				
A		5000							
V	5000								



Comparativa y conclusiones (1)

Comparativa MRP-I vs. MRP-II (Manufacturing Resource Planning)

	F-4:1-1 411
MRP-I	MRP-II

Orientado a materiales

Planifica las órdenes de emisión

Tratamiento táctico del MPS

Planificación a partir del MPS

No incluye la vertiente financiera

Permite con reservas la simulación con planes

Ascendente del MRP-II

Módulo de un DSS

Extensible a todos los recursos de manufactura

Planifica las órdenes de emisión y la capacidad

Estrategia del MPS estructurada y documentada

Planificación en varios niveles definidos

Incluye aspectos financieros

Capacitado para la simulación y contraste con planes

Ascendente del ERP (Enterprise RP)

Conjunto de módulos de un DSS



Comparativa y conclusiones (2)

Comparativa EOQ vs. MRP-I

EOQ (Lote de mínimo coste)

Tratamiento de artículos aisladamente

Demanda independiente de todos los artículos

Demanda como variable continua

Emisión de orden en punto de pedido

Demanda histórica como base

Previsión para todos los artículos

Basado en cantidad-período

Stock de seguridad con demanda inestable

MRP-I

Tratamiento de artículos dependientemente

Demanda independiente de productos finales

Demanda como variable discreta

Emisión de orden dependiente de necesidad-plazo

Plan maestro de producción como base

Previsión para productos finales

Basado en cantidad-lote-plazo

Stock de seguridad con demanda o plazos inestables



Componentes básicos

"[...] Así es que la fachada empezó a pulirse por arriba, bajando después consecutivamente, de modo que la parte inferior, que estribaba en el mismo suelo, fue la postrera en recibir la última mano.

En la pirámide está notado con letras egipcias cuánto se gastó en rábanos, en cebollas y en ajos para el consumo de peones y oficiales; y me acuerdo muy bien que al leérmelo el intérprete me dijo que la cuenta ascendía a 4.600 talentos de plata. Y si esto es así, ¿a cuánto diremos que subiría el gasto de herramientas para trabajar, y de víveres y vestidos para los obreros, y más teniendo en cuenta, no sólo el tiempo mencionado que gastaron en la fábrica de tales obras, sino también aquél, y a mi entender debió ser muy largo, que emplearían así en cortar la piedra como en abrir la excavación subterránea?"

Heródoto de Halicarnaso (c440 a.C) Euterpe CXXV

